



# Využitie širokej palety údajov z rôznych zdrojov na odhad reálnej súkromnej spotreby

Anna Vladová, Stanislav Tvrz, Národná banka Slovenska

Po úvahách o využití elektronických indikátorov na odhad nominálnej spotreby<sup>1</sup> sa k téme opäť vraciame a tentoraz ponúkame pohľad na prognózovanie spotreby v reálnom vyjadrení. Zameriame sa na krátkodobú prognózu ukazovateľa súkromnej spotreby, teda spotreby domácností (ako spotrebiteľov a malých nekorporatívnych podnikateľov) a neziskových inštitúcií slúžiacich domácnostiam (odbyry, charita, profesijné združenia, spotrebiteľské asociácie, politické strany, náboženské spoločnosti). Stručne opíšeme formalizovaný prístup ku krátkodobej predikcii, ktorý je založený na regresii prevažne mesačných ukazovateľov. Keďže skutočný vývoj spotreby je zverejňovaný štvrtročne a vysvetľujúce veličiny sú k dispozícii mesačne, uvádzame aj možnosti ekonometrického modelovania s využitím dát s rôznou frekvenciou.

1 A. Vladová: Elektronické indikátory spotrebenného dopytu. Biatec, č. 6/2014.

## KRÁTKODOBÁ PREDIKCIA SPOTREBY VYCHÁDZA Z FORMALIZOVANÉHO PRÍSTUPU ZAŁOŽENÉHO NA REGRESII MESAČNÝCH ÚDAJOV Z VIACERÝCH ZDROJOV

Vysvetľujúce ukazovatele spotreby, ktoré používame a ktoré sme podrobili testovaniu, pochádzajú z viacerých oblastí tak, aby spotrebu merali z rôzneho uhla pohľadu. Predovšetkým sa hodnotila príjmová podmienenosť spotreby (priemerné mzdy, objem miezd) a tržby vykázané obchodníkmi (maloobchodný obrat, tržby vo vybraných službách, tržby za spotrebenné predmety, tržby za osobné autá a pod.). Okrem týchto základných ukazovateľov sme na účely zlepšenia modelového prístupu testovali sadu tzv. soft indikátorov ako numericky vyjadrenej zmeny názoru spotrebiteľov (napr. index spotrebiteľskej dôvery, očakávaná finančná situácia v nasledujúcich 12 mesiacoch, zámer domácností kúpiť auto) a obchodníkov (index dôvery v maloobchode). Keďže asi tretina národnnej spotreby pochádza z dovozu, skúmali sme aj rôzne modifikácie indikátora spotrebenného dovozu. Z fiškálnych indikátorov sme testovali dane za tovary a služby (DPH a spotrebenné dane).

Vzhľadom na identifikovaný potenciál elektronických ukazovateľov (platobné karty a internetové hľadania) vysvetliť spotrebu sme do testovania vhodných indikátorov reálnej spotreby zaradili aj internetové hľadania. Platobné karty experimentálne využívame iba v modeloch nominálnej spotreby. Zdrojom ukazovateľa internetových hľadaní bola voľne dostupná štatistika návštevnosti slovenských internetových stránok, kategorizovaná do 19 skupín, napr. spravodajstvo, obchod a nakupovanie, ženy a maminy, práca a vzdelávanie, zdravie, freemaily, šport, cestovanie, voľný čas, zoznamovacie servery, reality, katalógy a ich modifikované sumáre. Z rôznych jednotiek meraní návštevnosti slovenských internetových stránok (počty návštev, užívateľov, reálnych užívateľov,

časové jednotky, spôsob prístupu atď.) sa javil byť najvhodnejším indikátorom počet návštev.

## EKONOMETRICKÉ MODELOVANIE S VYUŽITÍM DÁT S RÔZNOU FREKVENCIOU

Keďže skutočný vývoj vysvetľovanej veličiny – spotreby – je zverejňovaný štvrtročne a vysvetľujúce veličiny máme k dispozícii mesačne, narážame na problematiku ekonomickeho modelovania s využitím dát s rôznomu frekvenciou. Tento problém možno riešiť viacerými spôsobmi. Na účely krátkodobej prognózy spotreby používame vzhľadom na jeho prispôsobivost a ľahkú interpretovateľnosť interpoláciu štvrtročného časového radu a získanie implikovaných mesačných hodnôt vysvetľovanej premennej mimo vlastného prognostického modelu. Postupovali sme podľa Chow-a a Lina (1971), ktorí umožňujú výpočet neznámych mesačných hodnôt štvrtročného indikátora na základe regresie na príbuznom časovom rade s mesačnou frekvenciou. Pri interpolácii je zároveň možné zvažovať rôzne podmienky, ktoré majú získané hodnoty spĺňať. Možno napríklad rozhodnúť, či suma alebo priemer vypočítaných trojíc mesačných hodnôt v každom štvrtroku má byť totožný s pôvodnou štvrtročnou hodnotou. Získané odhady mesačných hodnôt pôvodného štvrtročného časového radu môžeme následne spracovať s využitím klasickej lineárnej regresie alebo napríklad v rámci klasického VAR modelu mesačných údajov. Chowovu-Linovu interpoláciu používa napríklad bayesovský VAR model pre makroekonomickú prognózu USA (Robertson a Tallman, 1999).

Iným prístupom môže byť využitie dynamických faktorových modelov (DFM), ktoré možno zaradiť medzi tzv. state-space modely. V nich je štvrtročná vysvetľovaná premenná naviazaná na latentné premenné (faktory) s mesačnou frekvenciou, pričom je pozorovaná len každá tretia



hodnota. Chýbajúce dve pozorovania zabezpečí prechodová rovnica, ktorá opisuje vývoj nepozorovaných faktorov v čase. Aktualizáciou modelu s využitím nových mesačných údajov získavame nové odhady faktorov, a teda aj novú prognózu štvrtročnej premennej. Tento prístup bol použitý pre krátkodobú predikciu vývoja španielskeho HDP (Camacho a Perez-Quiros, 2009) alebo aj pre krátkodobý výhľad ekonomickej aktivity na Slovensku (Tóth, 2014).

Ďalším možným prístupom sú MIDAS (*Mixed Data Sampling Frequency*) modely. Ide o jednorovnicové modely, v ktorých je štvrtročná vysvetľovaná premenná naviazaná na oneskorené hodnoty mesačných ukazovateľov a prípadne aj na svoje vlastné oneskorené hodnoty (AR-MIDAS). Vhodným nastavením minimálneho oneskorenia mesačných dát je možné nastaviť potrebný horizont prognózy. MIDAS modely pracujú obvykle s výšim počtom oneskorení vysvetľujúcich premenných. Vzhľadom na identifikáciu vyššieho počtu parametrov (v prípade neobmedzeného modelu) a na interpretovateľnosť výsledkov je súčasťou modelu reštrikcia váh oneskorených mesačných indikátorov tak, aby váhy smerom do minulosti klesali. Porovnanie výsledkov nowcastingu HDP eurozóny s využitím MIDAS a MF-VAR modelov opisuje Kurzin et al. (2011).

### PREHĽAD VYSVETĽUJÚCICH PREMENNÝCH V JEDNOTLIVÝCH MODELLOCH

Použitím Chowovej-Linovej interpolácie získame odhady mesačných hodnôt pôvodne štvrtročného časového radu. Za exogénnu mesačnú premennú sme zvolili objem tržieb v maloobchode bez motorových vozidiel. Pri interpolácii sme požadovali, aby priemer odhadnutých hodnôt v každom štvrtroku zodpovedal pôvodnej hodnote

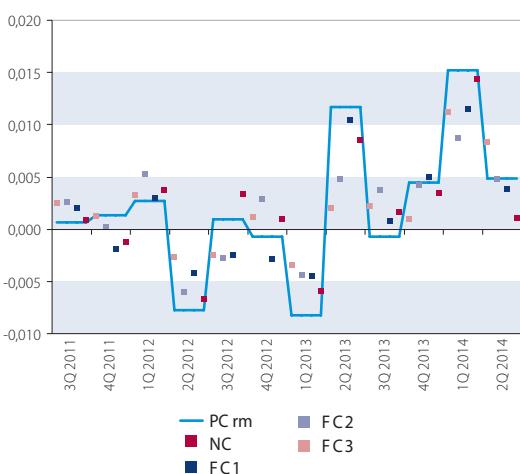
štvrťročného časového radu. Kedže cieľom bolo skonštruovať model pre medzištvrťročné tempá rastu, prešli sme ďalej od pôvodných hodnôt ku klízavým priemerom z troch posledných mesačných hodnôt. Analogicky boli transformované tiež vysvetľujúce premenné s výnimkou soft ukazovateľov, ktoré zostali vo forme úrovňových indexov. Z takto transformovaných dát boli skonštruované modely na prognózovanie medzištvrťročného rastu reálnej súkromnej spotreby s horizontom predikcie tri, dva a jeden mesiac a nowcast.

Modely s horizontom predikcie tri a dva mesiace používajú tri rovnaké vysvetľujúce premenné: sumár tržieb v obchode, ubytovaní a reštauráciách, DPH a očakávanú finančnú situáciu domácností v nasledujúcim období. Predikcia spotreby 1. štvrtroka 2014 získaná z údajov po decembri 2013 (resp. po januári 2014) dosiahla hodnotu 1,12 % (resp. 0,87 %), skutočná hodnota bola 1,53 %. Predikcia spotreby 2. štvrtroka 2014 získaná z údajov po marec 2014 (resp. apríl 2014) dosiahla hodnotu 0,83 % (resp. 0,48 %), pričom skutočnosť bola 0,49 %.

Model s horizontom predikcie jeden mesiac (z prognózovaného štvrtroka chýba jeden mesiac) pracuje so siedmimi vysvetľujúcimi premennými: maloobchodné tržby, tržby vo vybraných trhových službách, registrácia nových automobilov, DPH, spotrebiteľská dôvera, očakávaná finančná situácia domácností v nasledujúcim období a z internetových hľadaní sumár za kategórie spravodajstvo, obchod a nakupovanie, ženy a maminy. Predikcia na 1. štvrtrok 2014 získaná z údajov po februári 2014 dosiahla hodnotu 1,15 %, skutočná hodnota bola 1,53 %. Predikcia na 2. štvrtrok 2014 získaná z údajov po máji 2014 dosiahla 0,39 %, skutočnosť bola 0,49 %.

Nowcast model (keď sú k dispozícii vysvetľujúce ukazovatele za všetky tri mesiace daného štvrt-

**Graf 1 Porovnanie modelových predikcií (štvrtročne pozorované hodnoty)**



Zdroj: ŠÚ SR, vlastné výpočty.

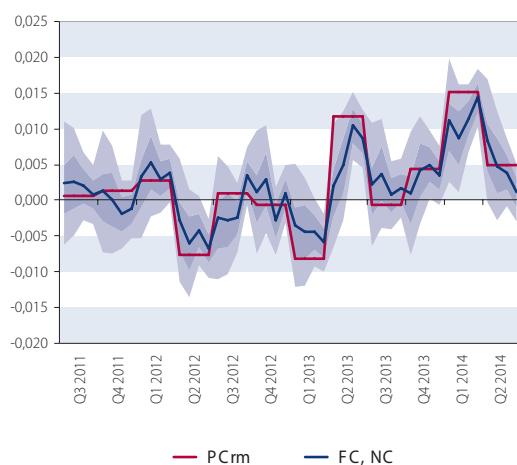
Vysvetlivky ku grafom:

PCrm – reálny medzištvrťročný rast súkromnej spotreby

FC3,FC2,FC1 – výsledky modelu s horizontom predikcie 3, 2 a 1 mesiac

NC – nowcast

**Graf 2 Porovnanie modelových predikcií vrátane neistoty ( $\pm 2 \sigma \pm 1 \text{ RMSE}$ )**



Zdroj: ŠÚ SR, vlastné výpočty.



Tabuľka 1 Porovnanie predikčných schopností

Model	Naive1	Naive2	FC3	FC2	FC1	NC
RMSPE	0,0095	0,0094	0,0043	0,0038	0,0024	0,0020
MAPE	0,0085	0,0076	0,0037	0,0032	0,0020	0,0018

2 Pre každý štvrtrok sú modely odhadované na údajoch, ktoré tomuto obdobiu predchádzajú, čiže predikcia je vždy založená iba na informáciách dostupných z minulosti. Štatistiky taktôľ vypočítaných predikcií sú relevantnejšie pre vyhodnotenie predikčnej schopnosti modelov na ich reálne využitie v praxi než tzv. statická predikcia získaná s využitím modelu odhadnutého na celej údajovej vzorke.

3 RMSPE – root mean squared prediction error, t.j. odmocnina z priemernej kvadratickej chyby predikcie. MAPE – mean absolute prediction error, t.j. priemerná absolútна chyba predikcie.

roka) pracuje s piatimi vysvetľujúcimi premenými: maloobchodné tržby, registrácia nových automobilov, objem miezd, spotrebná daň a zo soft ukazovateľov súčasné úspory domácností. Predikcia na 1. štvrtrok 2014 z mesačných údajov vrátane marca dosiahla hodnotu 1,43 %, skutočná hodnota bola 1,53 %. Predikcia na 2. štvrtrok 2014 z údajov zahŕňajúcich júnové dátá dosiahla 0,11 %, skutočnosť bola 0,49 %.

Paradoxne práve prognóza nowcast modelu s najaktuálnejšími údajmi sa najviac odlišovala od skutočnej spotreby 2. štvrtroka. Hlavným vinníkom bol prepad počtu registrovaných automobilov v 2. štvrtroku (z približne 14 % rastu v 1. štvrtroku na pokles o 10 % v 2. štvrtroku), čo spôsobilo zníženie predikcie o 0,6 percentuálneho bodu oproti nowcastu predchádzajúceho štvrtroku (1,43 %). Ostatné faktory znížili túto predikciu každý jednotlivý vždy maximálne o 0,3 percentuálneho bodu. Pokles registrácií áut však môže byť indikáciou nie len zníženej spotreby dlhodobých predmetov, ale aj nižších investícií do dopravných prostriedkov (čo sa napokon aj potvrdilo). Kedže sa v tomto prípade dal pomerne ľahko identifikovať a interpretovať dôvod zníženia nowcastu, väčšiu váhu pri predikcii sme pripísali forecastovým modelom.

V grafoch 1 a 2 uvádzame rekurzívnu predikciu reálnej spotreby získanú s využitím vyššie opísaných ekonometrických modelov. Tieto grafy nám umožňujú vizuálne posúdiť úspešnosť modelovej predikcie na celom predikčnom horizonte. Z grafického znázornenia vyplýva, že najmenšiu predikčnú chybu v priemere dosahuje nowcast model. Všeobecne tiež platí, že sa chyba predikcie znížuje spolu s počtom známych mesačných

pozorovaní z daného štvrtroka – v grafe 2 sa táto skutočnosť odráža v zužovaní intervalu predikcie v rámci štvrtroka.

Exaktnejšie môžeme predikčnú schopnosť modelov porovnať na základe štatistik<sup>3</sup> RMSPE a MAPE (tabuľka 1). Pre úplnosť uvádzame tiež štatistiky tzv. naivných predikcií, teda jednoduchého benchmarku. Predikcia Naive1 zodpovedá dlhodobému priemeru medzištvrťročného rastu reálnej spotreby. Predikcia Naive2 zodpovedá hodnote medzištvrťročného rastu reálnej spotreby pozorovanej v predchádzajúcom štvrtroku (*random walk*). Na základe hodnôt v tabuľke 1 možno tvrdiť, že predikčné modely dosahujú podstatne lepšie výsledky než jednoduchý benchmark. Zároveň je vidno, že modely FC3 a FC2, rovnako ako FC1 a NC sú z hľadiska presnosti predikcie približne rovnako spoľahlivé.

## ZÁVER

Predpokladom nášho modelovania súkromnej spotreby je využitie Chowovej-Linovej interpolácie, ktorou získame odhady mesačných hodnôt pôvodne štvrtročného časového radu súkromnej spotreby. Modely na krátkodobú prognózu reálnej spotreby sú konštruované na mesačnej báze a pracujú s ukazovateľmi obratu, akými sú tržby v maloobchode a vo vybraných trhových službách, so mzdami, objemom vybranej DPH a spotrebnej dane, niektorými mäkkými indikátormi meranými medzi spotrebiteľmi, registráciou áut z administratívnych zdrojov a so sumárom vybraných internetových hľadaní. Využitie modelových výsledkov v praxi je podmienené ich ekonomickej interpretateľnosťou.

## Literatúra

1. Tóth, P.: Model pre krátkodobý výhľad ekonomickej aktivity (MRKVA). Inštitút finančnej politiky, Ministerstvo financií SR, 2014.
2. Camacho, M. – Perez-Quiros, G.: N-STING: Espana short term indicator of growth. Banco de Espana WP no. 0912. 2009.
3. Kuzin, V. – Marcellino, M. – Schumacher, Ch.: MIDAS vs. Mixed-frequency VAR: Nowcasting GDP in the euro area. International Journal of Forecasting, vol. 27 (2011), pp. 529-542. 2011.
4. Chow, G. – Lin, A. L.: Best linear unbiased distribution and extrapolation of economic time series by related series. Review of economics and statistics, vol. 53, no. 4, pp. 372-375.
5. Robertson, J. C. – Tallman, E. W.: Vector autoregressions: Forecasting and reality. Economic review, Federal reserve bank of Atlanta, 1999(1).